

Problema 1 – **polinom**

**Autor: Florin Gălățanu**

Fie polinoamele  $P(x)$  și  $Q(x)$ , unde  $P(x) = \sum_{i=n}^0 p_i \cdot x^i$ ,  $p_i \in \mathbb{Z}$  și  $Q(x) = (x+q)^m$ ,  $q \in \mathbb{Z}$ . Raportul dintre

$$P(x) \text{ și } Q(x) \text{ este: } \frac{P(x)}{Q(x)} = R(x) + \sum_{i=m}^1 \frac{k_i}{(x+q)^i}, \text{ unde } \begin{cases} R(x) = 0, \text{ dacă } n < m \\ R(x) = p_n, \text{ dacă } n = m \\ R(x) = \sum_{i=n-m}^0 r_i \cdot x^i, \text{ dacă } n > m \end{cases} \text{ și } k_i \in \mathbb{Z}.$$

Exemplu:  $\frac{x^3 + 2x + 7}{(x-2)^2} = x + 4 + \frac{19}{(x-2)^2} + \frac{14}{x-2}$

Să se scrie un program care determină descompunerea raportului  $\frac{P(x)}{Q(x)}$

**Date de intrare**

Din fișierul *polinom.in* se citesc:

- de pe prima linie trei numere  $n, q, m$ , separate printr-un spațiu, unde  $n$  reprezintă puterea maximă a polinomului  $P(x)$ ,  $q$  – rădăcina multiplă a polinomului  $Q(x)$ , iar  $m$  – puterea maximă a polinomului  $Q(x)$ .
- de pe linia a doua se citesc  $n+1$  numere, separate printr-un spațiu, reprezentând coeficienții  $p_i$ , cu  $i=n..0$

**Date de ieșire**

În polinomul *polinom.out* se scrie

- pe prima linie coeficienții polinomului  $R(x)$ ,  $r_i$ , separați printr-un spațiu, respectiv 0 dacă  $n < m$
- pe a doua linie, coeficienții  $k_i$ , separați printr-un spațiu,  $i=m..1$ , până la ultima valoare nenulă, după care coeficienții nu se mai trec.

**Restricții și note:**

$0 < n < 101$ ,  $m \leq 2000000$

Pentru 30% din teste  $n, m < 4$ .

Operațiile efectuate nu depășesc valoarea 2000000000.

**Exemplu:**

polinom.in	polinom.out	Explicații
3 2 2 1 0 2 7	1 4 19 14	$\frac{x^3 + 2x + 7}{(x-2)^2} = 1 \cdot x + 4 + \frac{19}{(x-2)^2} + \frac{14}{x-2}$
3 -2 6 7 0 0 9	0 -47 84 -42 7	$\frac{x^3 + 9}{(x+2)^6} = 0 + \frac{-47}{(x+2)^6} + \frac{84}{(x+2)^5} + \frac{-42}{(x+2)^4} + \frac{7}{(x+2)^3}$
3 -3 6 3 9 3 9	0 0 30 -18 3	$\frac{3x^3 + 9x^2 + 3x + 9}{(x+3)^6} = \frac{3x^2(x+3) + 3(x+3)}{(x+3)^6} = \frac{(x+3)(3x^2 + 3)}{(x+3)^6} = \frac{3x^2 + 3}{(x+3)^5} = 0 + \frac{0}{(x+3)^6} + \frac{30}{(x+3)^5} + \frac{-18}{(x+3)^4} + \frac{3}{(x+3)^3}$
3 2 3 3 -12 12 7	3 7 0 6	$\frac{3x^3 - 12x^2 + 12x + 7}{(x-2)^3} = 3 + \frac{7}{(x-2)^3} + \frac{0}{(x-2)^2} + \frac{6}{(x-2)}$